



العلامة		عناصر الإجابة
المجموع	المجزأة	
03	0,5 0,25 0,25	التمرين الأول: (03 نقاط) (1) حساب $\text{pgcd}(756; 216)$ باستعمال إحدى الطريقتين نجد $\text{pgcd}(756; 216) = 108$ إذن: $\frac{756}{216} = \frac{756 \div 108}{216 \div 108} = \frac{7}{2}$ (و $\frac{7}{2}$ هو كسر غير قابل للاختزال). (2) تبين أن B يكتب على الشكل $a\sqrt{13}$: (3) التحقق من أن: $B \times C = 26\sqrt{3}$
	0,25×4	$B = \sqrt{117} + 3\sqrt{52} - \sqrt{637} = \sqrt{9 \times 13} + 3\sqrt{4 \times 13} - \sqrt{49 \times 13} = 3\sqrt{13} + 6\sqrt{13} - 7\sqrt{13} = 2\sqrt{13}$
	0,25×4	$B \times C = 2\sqrt{13} \times \frac{3\sqrt{13}}{\sqrt{3}} = \frac{6 \times 13 \sqrt{3} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{78\sqrt{3}}{3} = 26\sqrt{3}$
		التمرين الثاني: (03 نقاط) (1) مساحة المربع بدلالة x هي: $(x-2)^2$ (2) تبين أن: $E + F = 2x(x-2)$ (3) إيجاد قيمة x التي من أجلها المحيط يساوي 20 cm على الأقل.
03	0,5 0,5	مساحة المستطيل بدلالة x هي: $(x-2)(x+2)$
	0,25×4	$E + F = (x-2)^2 + (x-2)(x+2) = (x-2)(x-2+x+2)$ $E + F = (x-2)(2x) = 2x(x-2)$
	0,25 0,25 0,25	$5(x-2) + x + 2 + (x+2) - (x-2) \geq 20$ $5x - 10 + 2x + 4 - x + 2 \geq 20$ $6x - 4 \geq 20$ $6x \geq 24$ $x \geq 4$
	0,25	قيم x هي كل الأطوال الأكبر من أو تساوي 4 cm.

**التمرين الثالث: (03 نقاط)**

0,25×2

(1) تبين أن $(IM) \perp (JK)$: (معناه نبين أن المثلث JKM قائم في K)

0,25×2

لدينا في المثلث JKM : $JK^2 + KM^2 = 4^2 + 3^2 = 25$ و $JM^2 = 5^2 = 25$ منه :
 $JK^2 + KM^2 = JM^2$ إذن فحسب الخاصية العكسية لفيثاغورس فإن المثلث JKM قائم في K
 ومنه: $(IM) \perp (JK)$.

(2) حساب الطول IK :

0,5×2

بما أن المثلث IKJ قائم في K و $\hat{I} = 45^\circ$ فإنه متساوي الساقين ومنه: $IK = NJ = 4$ (يمكن الحل باستعمال $\tan 45^\circ = \frac{4}{IK}$ منه $IK = 4$)

03

0,25×4

(3) حساب الطول NK :من الشكل لدينا $(JM) \parallel (NK)$ ، (JN) و (MK) يتقاطعان في I منه حسب خاصية طاليس $\frac{IK}{IM} = \frac{NK}{JM}$ أي $\frac{4}{7} = \frac{NK}{5}$ منه $NK = \frac{20}{7}$ **التمرين الرابع: (03 نقاط)****(1)** حساب x_A وحساب y_B :

0,25×2

 $-2x_A + 3 = 1$ وبالتالي $-2x_A = -2$ و منه $x_A = 1$.

0,25×2

 $y_B = -2 \times 2 + 3$ ومنه $y_B = -1$.**(2)** إثبات أن النقط D ، O ، C في استقامة :

0,25×2

لدينا: $C(1; 2)$ ، منه $\overrightarrow{OC} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$

0,25×2

ولدينا: $D(-1; -2)$ ، منه $\overrightarrow{OD} \begin{pmatrix} -1 \\ -2 \end{pmatrix}$ أي $\overrightarrow{DO} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ منه $\overrightarrow{OC} = \overrightarrow{DO}$

03

0,25×2

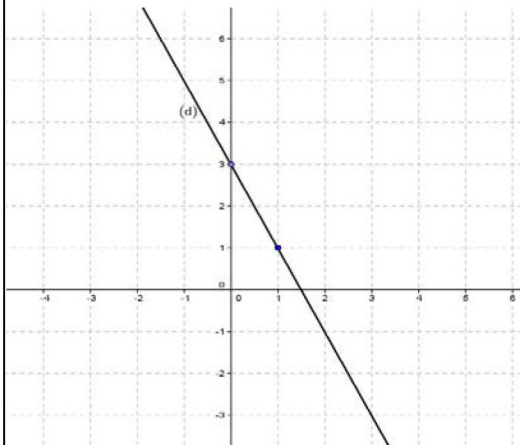
ويعني أن O منتصف $[DC]$ إذن النقط D ، O ، C في استقامة.

(يمكن توظيف حساب إحداثيتي منتصف قطعة مستقيم

أو التناظر بالنسبة إلى المبدأ O لإثبات استقامة النقط (D, O, C) **(3)** التمثيل البياني للدالة f .

الشكل

0,25×2



x	0	1
y	3	1

**الوضعية: (08 نقاط)**

(1) تعيين سعر المتر المربع الواحد من البساط والمتر المربع الواحد من العشب الاصطناعي:
نرمز بـ x لسعر المتر المربع الواحد من البساط
وبـ y لسعر المتر المربع الواحد من العشب الاصطناعي
فنحصل على الجملة:

$$\begin{cases} 3x + y = 3500 \dots\dots(1) \\ x + 2y = 3000 \dots\dots(2) \end{cases}$$

باختيار إحدى الطرائق لحل الجملة نجد أن حل الجملة هو: الثنائية $(800; 1100)$.

أي: سعر المتر المربع الواحد من البساط هو: $800 DA$

سعر المتر المربع الواحد من العشب الاصطناعي هو: $1100 DA$

(2) حساب قيمة الربح الذي سيتحصل عليه المقاول:

- حساب مصاريف الإنجاز:

$$300000 DA \text{ أي قيمة المصاريف هي: } 1500000 \times \frac{20}{100} = 300000$$

$$\text{- حساب مساحة قاعة الاستقبال: } \frac{8 \times 6}{2} = \frac{48}{2} = 24 \text{ أي تساوي: } 24 m^2$$

$$\text{تكلفة شراء البساط والعشب الاصطناعي معًا تساوي } 840 \times 1100 + 24 \times 800 = 943200$$

أي تساوي: $943200 DA$

$$\text{تكلفة المشروع: } 943200 + 300000 = 1243200 \text{ أي تساوي: } 1243200 DA$$

$$\text{المقاول ربح ومقدار ربحه: } 1500000 - 1243200 = 256800$$

أي: $256800 DA$.

ملاحظة

في كل الموضوع تُقبل من المترشح كلّ الإجابات الصحيحة الأخرى.



شبكة تقويم المسألة (الوضعية)				المعيار
المجموع	العلامة	مؤشر (ن)	المؤشرات	
03	0	0	1. يضع جملة معادلتين مناسبة. 2. يحل الجملة بطريقة يختارها. 3. يرمز لسعر $1m^2$ من البساط بحرف. 4. يرمز لسعر $1m^2$ من العشب الاصطناعي بحرف. 5. يشير إلى أن حلي الجملة هما: سعر $1m^2$ من البساط وسعر $1m^2$ من العشب. 6. يستعمل النسبة المئوية لتحديد مبلغ مصاريف الإنجاز. 7. يكتب عبارة مناسبة لحساب مساحة قاعة الاستقبال. 8. يكتب عبارة مناسبة لحساب ثمن شراء البساط. 9. يكتب عبارة تسمح بحساب ثمن شراء العشب الاصطناعي. 10. يكتب عبارة تسمح بحساب تكلفة المشروع. 11. يكتب عبارة تسمح بحساب قيمة الربح.	التفسير السليم للوضعية
	0,5	1		
	1	2 أو 3		
	2	4 أو 5		
	2,5	6		
	3	7 فأكثر		
03	0	0	1. يحل الجملة ويجد قيمة كل من x و y حتى وإن كانت قيمتهما خاطئتين. 2. يحدد سعر $1m^2$ من البساط باستعمال حل الجملة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 3. يحدد سعر $1m^2$ من العشب باستعمال حل الجملة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 4. يحسب مبلغ المصاريف باستعمال النسبة المئوية حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 5. يحسب مساحة قاعة الاستقبال باستعمال قاعدة مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 6. يحسب ثمن شراء البساط بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 7. يحسب ثمن شراء العشب بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 8. يحسب تكلفة إنجاز المشروع بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 9. يحسب قيمة الربح الذي يتحصل عليه المقاول بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة.	الاستعمال السليم للأدوات الرياضية
	0,5	1		
	1,5	2 أو 3		
	2	4 أو 5		
	3	6 فأكثر		
01	0	0	1. التسلسل منطقي. 2. الحساب صحيح. 3. احترام الوحدات.	انسجام الإجابة
	0,5	1		
	1	2 فأكثر		
01	0	0	1. عدم التشطيب. 2. معقولية النتائج. 3. مقروئية الكتابة.	تنظيم وتقديم الورقة
	0,5	1		
	1	2 فأكثر		



16-12-64032

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان شهادة التعليم المتوسط دورة: 2023

المدة: ساعتان

(خاص بالمكفوفين)

اختبار مادة: الرياضيات

العلامة		عناصر الإجابة (للمكفوفين)
المجموع	المجزأة	
03	0,5 0,25 0,25	التمرين الأول: 1 حساب $\text{pgcd}(756; 216) = 108$ باستعمال إحدى الطريقتين نجد $\frac{756}{216} = \frac{756 \div 108}{216 \div 108} = \frac{7}{2}$ إذن: $\frac{7}{2}$ هو كسر غير قابل للاختزال). 2 تبين أن B يكتب على الشكل $a\sqrt{13}$:
	0,25×4	$B = \sqrt{117} + 3\sqrt{52} - \sqrt{637} = \sqrt{9 \times 13} + 3\sqrt{4 \times 13} - \sqrt{49 \times 13} = 3\sqrt{13} + 6\sqrt{13} - 7\sqrt{13} = 2\sqrt{13}$
	0,25×4	3 التحقق أن: $B \times C = 26\sqrt{3}$ $B \times C = 2\sqrt{13} \times \frac{3\sqrt{13}}{\sqrt{3}} = \frac{6 \times 13 \sqrt{3} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{78\sqrt{3}}{3} = 26\sqrt{3}$
		التمرين الثاني: 1 نشر وتبسيط كل من العبارتين: $E = (x - 2)^2 = (x - 2)(x - 2) = x^2 - 4x + 4$ $F = (x - 2)(x + 2) = x^2 - 4$ 2 تبين أن: $E + F = 2x(x - 2)$. $E + F = (x - 2)^2 + (x - 2)(x + 2) = (x - 2)(x - 2 + x + 2)$ $E + F = (x - 2)(2x) = 2x(x - 2)$ 3 حل المعادلة: $2x(x - 2) = 0$ لدينا $2x(x - 2) = 0$ معناه $x = 0$ أو $x - 2 = 0$ ومنه $x = 2$ والمعادلة لها حلان هما 0 و 2
03	0,5 0,5	التمرين الثالث: 1 إثبات أن المثلث JKM قائم في K لدينا $JK^2 + KM^2 = 3,2^2 + 2,4^2 = 16$ و $JM^2 = 4^2 = 16$ أي $JK^2 + KM^2 = JM^2$ حسب الخاصية العكسية لفيثاغورس فإن المثلث JKM قائم في K
	0,5×2	2 تبين نوع الرباعي $IJKM$ هذا الرباعي قطراه متناصفان في O وإحدى زواياه قائمة وهي $\square K$ فهو مستطيل.
	0,5×2	



16-12-64032

تابع الإجابة النموذجية لموضوع امتحان شهادة التعليم المتوسط دورة: 2023

المدة: ساعتان

(خاص بالمكفوفين)

اختبار مادة: الرياضيات

التمرين الرابع:(1) حساب x_A وحساب y_B :

$$-2x_A + 3 = 1 \text{ وبالتالي } -2x_A = -2 \text{ ومنه: } x_A = 1.$$

$$y_B = -2 \times 2 + 3 \text{ ومنه: } y_B = -1.$$

(2) التحقق من أن النقط A, B, C ليست في استقامية:

بما أن: $f(3) = -2 \times 3 + 2 = -3$ و $f(3) \neq 3$ إذن: النقطة $C(3;3)$ لا تنتمي إلى التمثيل البياني للدالة f .

ومنه: النقط A, B, C ليست في استقامية.(3) حساب $f(0)$:

$f(0) = 3$ منه إحداثيتا نقطة تقاطع التمثيل البياني للدالة f مع محور الترتيب هي $(0; 3)$.

**الوضعية:**

(1) تعيين سعر المتر المربع الواحد من البساط والمتر المربع الواحد من العشب الاصطناعي:

نضع: x سعر المتر المربع الواحد من البساط

y سعر المتر المربع الواحد من العشب الاصطناعي

ف نحصل على الجملة:

$$\begin{cases} 3x + y = 3500 \dots\dots(1) \\ x + 2y = 3000 \dots\dots(2) \end{cases}$$

08

باختيار إحدى الطرائق لحل الجملة نجد أن حل الجملة هو: الثنائية (800;1100).

أي: سعر المتر المربع الواحد من البساط هو: 800 DA

سعر المتر المربع الواحد من العشب الاصطناعي هو: 1100 DA

(2) حساب قيمة الربح الذي سيتحصل عليه المقاول:

- حساب مصاريف الإنجاز:

$$300000 \text{ DA} = 1500000 \times \frac{20}{100} \text{ أي قيمة المصاريف هي: } 300000 \text{ DA}$$

$$- \text{ حساب مساحة قاعة الاستقبال: } \frac{8 \times 6}{2} = \frac{48}{2} = 24 \text{ أي تساوي: } 24 \text{ m}^2$$

تكلفة شراء البساط والعشب الاصطناعي معًا تساوي:

$$943200 \text{ DA} = 840 \times 1100 + 24 \times 800$$

$$1243200 \text{ DA} = 943200 + 300000 \text{ أي تساوي: } 1243200 \text{ DA}$$

$$1500000 - 1243200 = 256800 \text{ ربح ومقدار ربحه: } 256800$$

$$\text{أي: } 256800 \text{ DA}$$

ملاحظة

في كل الموضوع تقبل من المترشح كل الإجابات الصحيحة الأخرى.



16-12-64032

تابع الإجابة النموذجية لموضوع امتحان شهادة التعليم المتوسط دورة: 2023

المدة: ساعتان

(خاص بالمكفوفين)

اختبار مادة: الرياضيات

شبكة تقويم المسألة (الوضعية)				المعيار
المجموع	العلامة	مؤشرات	المؤشرات	
03	0	0	1. يضع جملة معادلتين مناسبة 2. يحل الجملة بطريقة يختارها.	التفسير السليم للوضعية
	0,5	1	3. يرمز لسعر $1m^2$ من البساط بحرف.	
	1	2 أو 3	4. يرمز لسعر $1m^2$ من العشب الاصطناعي بحرف.	
	2	4 أو 5	5. يشير إلى أن حلي الجملة هما: سعر $1m^2$ من البساط وسعر $1m^2$ من العشب	
	2,5	6	6. يستعمل النسبة المئوية لتحديد مبلغ مصاريف الإنجاز.	
	3	7 فأكثر	7. يكتب عبارة مناسبة لحساب مساحة قاعة الاستقبال. 8. يكتب عبارة مناسبة لحساب ثمن شراء البساط. 9. يكتب عبارة تسمح بحساب ثمن شراء العشب الاصطناعي 10. يكتب عبارة تسمح بحساب تكلفة المشروع. 11. يكتب عبارة تسمح بحساب قيمة الربح.	
03	0	0	1. يحل الجملة ويجد قيمة كل من x و y حتى وإن كانت قيمتهما خاطئتين.	الاستعمال السليم للأدوات الرياضية
	0,5	1	2. يحدد سعر $1m^2$ من البساط باستعمال حل الجملة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة.	
	1,5	2 أو 3	3. يحدد سعر $1m^2$ من العشب باستعمال حل الجملة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة.	
	2	4 أو 5	4. يحسب مبلغ المصاريف باستعمال النسبة المئوية حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة.	
	3	6 فأكثر	5. يحسب مساحة قاعة الاستقبال باستعمال قاعدة مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 6. يحسب ثمن شراء البساط بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 7. يحسب ثمن شراء العشب بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 8. يحسب تكلفة إنجاز المشروع بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 9. يحسب قيمة الربح الذي يتحصل عليه المقاول بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة.	
01	0	0	1. التسلسل منطقي.	انسجام الإجابة
	0,5	1	2. الحساب صحيح.	
	1	2 فأكثر	3. احترام الوحدات.	
01	0	0	1. عدم التشطيب.	تنظيم وتقديم الورقة
	0,5	1	2. معقولية النتائج.	
	1	2 فأكثر	3. مقروئية الكتابة.	